

В. В. САПОЖНИКОВ  
Вл. В. САПОЖНИКОВ  
Д. В. ЕФАНОВ

---

**КОДЫ  
С СУММИРОВАНИЕМ  
ДЛЯ СИСТЕМ  
ТЕХНИЧЕСКОГО  
ДИАГНОСТИРОВАНИЯ**

---

**В двух томах**

**Том 2**

**Взвешенные коды  
с суммированием**

**МОСКВА НАУКА 2021**

УДК 681.518.5:004.052.32

ББК 32.965-04

С19

Рецензенты:

доктор технических наук, профессор *А.Ю. Матросова*,  
доктор технических наук, профессор *С.В. Микони*,  
доктор технических наук, профессор *Д.В. Сперанский*

**Сапожников В.В., Сапожников Вл.В., Ефанов Д.В.**

**Коды с суммированием для систем технического диагностирования : в 2 т. / В.В. Сапожников, Вл.В. Сапожников, Д.В. Ефанов. – М. : Наука, 2020 – 2021. – ISBN 978-5-02-040769-5**

**Т. 2 : Взвешенные коды с суммированием. – 2021. – 455 с. – ISBN 978-5-02-040834-0**

В книге рассматриваются коды с суммированием, при построении которых предварительно устанавливается неравнoprавие между разрядами информационных векторов. Такие коды получаются путем взвешивания числами из натурального ряда разрядов либо переходов от разряда к разряду в информационных векторах. Приводятся оригинальные способы построения взвешенных кодов с суммированием, а также подробно описаны характеристики обнаружения ошибок в информационных векторах при безошибочности контрольных разрядов. Такая задача возникает при синтезе контролепригодных дискретных систем и их диагностического обеспечения.

Для разработчиков контролепригодных дискретных систем и их диагностического обеспечения, а также систем автоматизированного проектирования логических устройств автоматики и вычислительной техники.

ISBN 978-5-02-040769-5

ISBN 978-5-02-040834-0 (т. 2)

© Сапожников В.В., Сапожников Вл.В.,

Ефанов Д.В., 2021

© ФГУП Издательство «Наука», редак-

ционно-издательское оформление,

2021

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|   |           |
|---|-----------|
| Вступительное слово ( <i>П.П. Пархоменко</i> ).....   | 3         |
| Предисловие.....  | 5         |
| Введение .....  | 8         |
| <b>Глава 1. Методы улучшения характеристик обнаружения ошибок кодами с суммированием.....</b>               | <b>10</b> |
| 1.1. Обнаружение ошибок кодами с суммированием .....  | 10        |
| 1.2. Установление неравноправия между разрядами информационных векторов.....                                | 14        |
| 1.3. Классификация взвешенных кодов с суммированием .....   | 17        |
| <b>Глава 2. Коды с суммированием единичных и одного взвешенного информационных разрядов.....</b>            | <b>20</b> |
| 2.1. Принципы построения кодов с суммированием единичных и одного взвешенного разрядов.....                 | 20        |
| 2.2. Коды с суммированием с одним взвешенным разрядом.....  | 23        |
| 2.2.1. Особенности построения кодов с суммированием с одним взвешенным разрядом.....                        | 23        |
| 2.2.2. Характеристики обнаружения ошибок кодами с суммированием с одним взвешенным разрядом .....           | 26        |
| 2.2.3. Синтез контрольного оборудования .....   | 43        |
| 2.2.4. Экспериментальные результаты .....   | 52        |
| 2.3. Модульные коды с суммированием с одним взвешенным разрядом.....  | 64        |
| 2.3.1. Многообразие модульных кодов с суммированием с одним взвешенным разрядом.....                        | 64        |
| 2.3.2. Коды с суммированием с одним взвешенным разрядом в кольце вычетов по модулю кода Бергера.....        | 68        |
| 2.3.3. Экспериментальные результаты .....   | 93        |
| 2.4. Коды с суммированием с одним взвешенным разрядом в кольце вычетов по произвольному модулю.....         | 96        |
| 2.4.1. Коды с суммированием с одним взвешенным разрядом в кольце вычетов по модулю-степени числа «два»..... | 96        |
| 2.4.2. Коды с суммированием с одним взвешенным разрядом в кольце вычетов по произвольному модулю.....       | 113       |
| 2.4.3. Экспериментальные результаты .....   | 119       |
| 2.4.4. Модифицированные модульные коды с суммированием с одним взвешенным разрядом .....                    | 123       |

|  |     |  |
|--|-----|--|
| <b>Глава 3. Коды с суммированием произвольных весовых коэффициентов единичных информационных разрядов .....</b>  | 125 |  |
| 3.1. Варианты взвешивания разрядов при построении кода.....  | 125 |  |
| 3.2. Характеристики обнаружения ошибок взвешенными кодами с суммированием .....  | 127 |  |
| 3.2.1. Особенности построения кодов с суммированием с произвольными весовыми коэффициентами разрядов информационных векторов .....   | 127 |  |
| 3.2.2. Характеристики обнаружения ошибок взвешенными кодами с суммированием с произвольными весовыми коэффициентами разрядов информационных векторов .....                 | 130 |  |
| 3.3. Взвешенные коды с суммированием с избыточностью классического кода Бергера .....  | 133 |  |
| 3.4. Модифицированные коды с суммированием с произвольными весовыми коэффициентами с минимальным общим числом необнаруживаемых ошибок.....                                 | 155 |  |
| 3.5. Универсальный метод построения кода с обнаружением любых ошибок с нечетными кратностями.....  | 162 |  |
| 3.6. Методы синтеза контрольного оборудования .....  | 164 |  |
| 3.6.1. Синтез кодеров взвешенных кодов с суммированием .....   | 164 |  |
| 3.6.2. Синтез кодеров модульных взвешенных кодов с суммированием .....   | 171 |  |
| 3.6.3. Синтез кодеров модифицированных взвешенных кодов с суммированием.....   | 172 |  |
| 3.7. Экспериментальные результаты .....  | 175 |  |
| <b>Глава 4. Коды с суммированием с весовыми коэффициентами, образующими натуальный ряд .....</b>   | 184 |  |
| 4.1. Выбор последовательности весовых коэффициентов при построении кода.....   | 184 |  |
| 4.2. Коды с суммированием с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел .....   | 186 |  |
| 4.2.1. Код с суммированием по максимальному модулю .....   | 186 |  |
| 4.2.2. Модульный код с суммированием с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел.....   | 196 |  |
| 4.2.3. Модификации кодов с суммированием с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел .....  | 207 |  |
| 4.2.4. Общие подходы к синтезу контрольного оборудования для кодов с суммированием с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд.....             | 218 |  |
| 4.2.5. Экспериментальные результаты .....  | 227 |  |
| 4.3. Взвешенные коды с суммированием без использования операции переноса старшего разряда суммы .....  | 230 |  |
| 4.3.1. Принципы построения взвешенного кода с суммированием без использования операции переноса .....  | 230 |  |
| 4.3.2. Характеристики обнаружения ошибок взвешенными кодами с суммированием без использования операции переноса .....  | 232 |  |
| 4.3.3. Экспериментальные результаты .....  | 239 |  |
| <b>Глава 5. Коды с суммированием взвешенных коэффициентов переходов от разряда к разряду в информационном векторе .....</b>  | 246 |  |
| 5.1. Особенности построения кода с суммированием взвешенных коэффициентов переходов.....   | 246 |  |
| 5.2. Коды с суммированием коэффициентов переходов от разряда к разряду с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел .....                  | 248 |  |
| 5.2.1. Коды с суммированием по максимальному модулю.....   | 248 |  |
| 5.2.2. Код с суммированием с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел, с избыточностью кода Бергера .....                                | 261 |  |
| 5.2.3. Коды с суммированием взвешенных переходов с фиксированным числом контрольных разрядов.....  | 273 |  |
| 5.2.4. Модифицированные коды с суммированием взвешенных переходов с последовательностью весовых коэффициентов, образующей натуальный ряд чисел .....                       | 292 |  |
| 5.2.5. Общие подходы к синтезу контрольного оборудования кодов с суммированием с установленными последовательностями весовых коэффициентов .....                           | 304 |  |
| 5.2.6. Экспериментальные результаты .....  | 306 |  |
| 5.3. Коды с суммированием коэффициентов переходов от разряда к разряду с последовательностью весовых коэффициентов, образующей ряд возрастающих степеней числа «два» ..... | 310 |  |
| 5.3.1. Код с суммированием взвешенных переходов с весовыми коэффициентами, образующими ряд возрастающих степеней числа «два» .....   | 310 |  |
| 5.3.2. Модифицированный код с суммированием взвешенных переходов с весовыми коэффициентами, образующими ряд возрастающих степеней числа «два» .....                        | 317 |  |
| 5.4. Коды с перестановками .....   | 330 |  |
| 5.4.1. Построение кодов с перестановками .....   | 330 |  |
| 5.4.2. Особенности кодов с перестановками .....  | 336 |  |
| 5.4.3. Повторные перестановки .....  | 342 |  |
| 5.4.4. Экспериментальные результаты .....  | 345 |  |
| <b>Глава 6. Двухмодульные взвешенные коды с суммированием .....</b>  | 353 |  |
| 6.1. Полимодульные взвешенные коды .....   | 353 |  |
| 6.2. Особенности двухмодульных взвешенных кодов с суммированием .....  | 354 |  |

|  |            |
|--|------------|
| 6.2.1. Общие принципы построения двухмодульных кодов с взвешенными разрядами .....   | 354        |
| 6.2.2. Двухмодульные взвешенные коды с суммированием в кольце вычетов по модулю $M = 4$ с одним взвешенным разрядом в каждом из подмножеств информационных разрядов..... | 357        |
| 6.3. Синтез кодеров двухмодульных взвешенных кодов с суммированием.....  | 372        |
| 6.4. Результаты экспериментов с набором контрольных комбинационных схем .....  | 377        |
| 6.5. Модификации двухмодульных кодов с суммированием .....   | 384        |
| <b>Глава 7. Использование взвешенных кодов с суммированием при организации систем с обнаружением неисправностей .....</b>  | <b>389</b> |
| 7.1. Организация систем с обнаружением неисправностей на основе избыточных кодов.....  | 389        |
| 7.2. Синтез дискретных устройств с обнаружением неисправностей на основе разделения выходов блоков на группы.....  | 391        |
| 7.3. Синтез дискретных устройств с обнаружением неисправностей на основе поиска специальных групп выходов.....   | 399        |
| 7.3.1. Виды функциональной зависимости между выходами блоков дискретных устройств .....  | 399        |
| 7.3.2. Универсальная структура для синтеза дискретных устройств с обнаружением неисправностей.....   | 408        |
| 7.4. Использование кодов с суммированием с одним взвешенным информационным разрядом при построении устройств с обнаружением неисправностей.....                          | 413        |
| 7.5. Подбор весовых коэффициентов при выборе способа построения кода с суммированием с учетом особенностей схемы контролируемого устройства .....                        | 419        |
| 7.6. Использование модифицированных взвешенных кодов с суммированием при построении устройств с обнаружением неисправностей.....   | 423        |
| <b>Заключение.....</b>   | <b>426</b> |
| <b>Условные обозначения .....</b>  | <b>428</b> |
| <b>Литература.....</b>   | <b>435</b> |
| <b>Предметный указатель.....</b>   | <b>445</b> |