

ФЕДОТОВ Ю. Б., ТАЛАНОВ М. В., ТАЛАНОВ В. М.

**ОСНОВЫ МАТЕМАТИЧЕСКОГО  
МОДЕЛИРОВАНИЯ УСТРОЙСТВ СИЛОВОЙ  
ЭЛЕКТРОНИКИ**

**Учебное пособие**

**Издание второе,  
переработанное и дополненное**

**Саранск  
Издательство СВМО  
2022**

УДК 621.314  
ББК 31.264.54  
Ф 342

Научный редактор:  
кандидат физико-математических наук *Л.А.Сухарев*

Рецензенты:  
кандидат физико-математических наук, доцент *С.М. Мурюмин*  
кандидат физико-математических наук *Е.В. Десяев*

**Федотов Ю. Б., Таланов М. В., Таланов В. М.**

Основы математического моделирования устройств силовой электроники. Учеб. пособие. Изд. второе — Саранск: Изд-во СВМО, 2022. — 125 с.

ISBN 978-5-901661-56-7

Учебное пособие содержит методические и практические основы математического моделирования устройств силовой электроники. Приводятся примеры построения математических моделей силовых электрических схем, описания восьми лабораторных работ по курсу «Основы математического моделирования» на базе теоретического материала, изложенного в пособии, и контрольные вопросы для самоподготовки.

Предназначено для студентов по направлению подготовки 130302 – Электроэнергетика и электротехника профиль «Электропривод и автоматика».

Публикуется на основании Устава Межрегиональной общественной организации «Средне-Волжское математическое общество» (п. 2.2), решению редакционно-издательского отдела СВМО и методической комиссии института электроники и светотехники ФГБОУ ВО «НИ МГУ им. Н.П. Огарева».

УДК 621.314  
ББК 31.264.54  
Ф 342

ISBN 978-5-901661-56-7



9 785901 661567

©Ю. Б. Федотов,  
М. В. Таланов,  
В. М. Таланов, 2022.

## СОДЕРЖАНИЕ

|   |    |
|---|----|
| Введение.....   | 3  |
| 1. Типы моделей, методы моделирования .....   | 5  |
| 1.1. Виды моделей .....   | 5  |
| 1.2. Требования к математической модели .....   | 11 |
| 1.3. Имитационное моделирование.....  | 11 |
| 1.4. Этапы моделирования. Создание моделей.....   | 14 |
| 2. Формирование структурных матриц электрических цепей .....                            | 18 |
| 2.1. Структура электрических цепей (элементный состав).....                             | 18 |
| 2.2. Основные понятия и определения теории графов.....                                  | 19 |
| 2.3. Структурные матрицы электрических цепей .....                                      | 22 |
| 2.4. Фундаментальные матрицы контуров и сечений.....                                    | 28 |
| 3. Формирования системы алгебро-дифференциальных уравнений.....                         | 30 |
| 3.1. Уравнения цепи в совместной и однородной системах координат.....                   | 30 |
| 3.2. Структура системы алгебро-дифференциальных уравнений.....                          | 31 |
| 3.3. Алгоритм формирования системы алгебро-дифференциальных уравнений .....             | 32 |
| 4. Численные методы решения дифференциальных уравнений.....                             | 37 |
| 4.1. Постановка задачи.....   | 37 |
| 4.2. Особенности моделирования схем силовой электроники.....                            | 38 |
| 4.3. Основные характеристики численных методов .....                                    | 40 |
| 4.4. Классификация численных методов решения ОДУ.....                                   | 41 |
| 4.4.1. Одношаговые методы .....   | 42 |
| 4.4.2. Линейные многошаговые методы.....  | 44 |
| 4.4.3. Методы Адамса.....   | 45 |
| 5. Решение уравнений .....  | 48 |
| 5.1. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений.....                       | 48 |
| 5.2. Общие методические указания к численным методам решения нелинейных уравнений ..... | 49 |
| 5.2.1. Метод половинного деления .....  | 49 |
| 5.2.2. Метод последовательных приближений .....   | 52 |
| 5.2.3. Метод последовательных приближений с переходом к обратным функциям.....          | 53 |
| 5.2.4. Метод касательных (метод Ньютона) .....  | 54 |
| 5.2.5. Модифицированный метод касательных .....   | 55 |
| 5.2.6. Метод хорд.....  | 55 |
| 6. Приближение функций .....  | 58 |
| 6.1. Постановка задачи приближения функций.....   | 58 |
| 6.2. Интерполирование функций.....  | 59 |
| 6.3. Метод наименьших квадратов .....   | 62 |
| 7. Численное интегрирование.....  | 66 |
| 7.1. Постановка задачи.....   | 66 |
| 7.2. Метод прямоугольников.....   | 66 |
| 7.3. Формула трапеций.....  | 67 |
| 7.4. Метод Симпсона.....  | 67 |
| 8. Системы моделирования схем силовой электроники .....                                 | 68 |
| 8.1. Обзор систем моделирования.....  | 68 |
| 8.2. PSPICE – подобные системы.....   | 68 |
| 8.3. Блок Power system системы программ MatLab.....                                     | 71 |
| 8.4. Системы моделирования ЭЛТРАН, ПАКЛС .....  | 74 |
| Приложение I.....   | 79 |

|  |     |
|--|-----|
| Пример формирования модели силовой электрической цепи .....                                  | 79  |
| Приложение 2.....  | 90  |
| Лабораторная работа № 1. Знакомство с системой MATLAB .....                                  | 90  |
| Лабораторная работа № 2. Графические команды и функции системы MATLAB .....                  | 91  |
| Лабораторная работа № 3. Формирование структурных матриц электрической схемы .....           | 93  |
| Лабораторная работа № 4. Аппроксимация и интерполяция данных .....                           | 94  |
| Лабораторная работа № 5. Вычисление определенных интегралов.....                             | 95  |
| Лабораторная работа № 6. Решение обыкновенных дифференциальных уравнений ..                  | 97  |
| Лабораторная работа № 7. Определить корни нелинейного уравнения с одним<br>неизвестным ..... | 101 |
| Лабораторная работа № 8. Приближение функций .....   | 102 |
| Лабораторная работа № 9. Алгоритм исключений Гаусса.....                                     | 105 |
| Лабораторная работа № 10. Метод Рунге - Кутта .....  | 113 |
| Библиографический список.....  | 121 |
| СОДЕРЖАНИЕ.....  | 123 |